

UNIVERSIDAD TÉCNICA DEL NORTE

FACULTAD DE INGENIERÍA EN CIENCIAS APLICADAS

Escuela de Ingeniería en Mecatrónica

Trabajo de Grado Previo a la Obtención del Título de Ingeniero en Mecatrónica

TEMA:

"Relación entre la Topología de Comunicación y la Distribución Eléctrica en Microrredes Aisladas de Corriente Alterna"

Autor: ANDERSON STEEVEN BENALCÁZAR RUIZ

DIRECTOR: CARLOS XAVIER ROSERO

IBARRA-ECUADOR JULIO 2018



UNIVERSIDAD TÉCNICA DEL NORTE BIBLIOTECA UNIVERSITARIA AUTORIZACIÓN DE USO Y PUBLICACIÓN A FAVOR DE LA UNIVERSIDAD TÉCNICA DEL NORTE

1. IDENTIFICACIÓN DE LA OBRA

La Universidad Técnica del Norte dentro del proyecto *Repositorio Digital Institucional*, determinó la necesidad de disponer de textos completos en formato digital con la finalidad de apoyar los procesos de investigación, docencia y extensión de la Universidad.

Por medio del presente documento dejo sentada mi voluntad de participar en este proyecto, para lo cual pongo a disposición la siguiente información:

DATOS DEL AUTOR								
CÉDULA DE IDENTIDAD:	1004639637							
APELLIDOS Y NOMBRES:	BENALCÁZAR RUIZ ANDERSON STEEVEN							
DIRECCIÓN:	OTAVALO-EUGENIO ESPEJO	IO ESPEJO						
EMAIL:	asbena	lcazarr@utn.edu.ec - stvto808@gm	ail.com					
TELÉFONO FIJO: 062635012 TELÉFONO MÓVIL: 098133								
I	DATOS DE LA C	BRA						
	"RELACIÓN ENTRE LA TOPOLOGÍA DE COMUNICACIÓN							
TÍTULO:	Y LA DISTRIBUCIÓN ELÉCTRICA EN MICRORREDES							
	AIS	LADAS DE CORRIENTE ALTER	NA'					
AUTOR:	ANDE	ERSON STEEVEN BENALCÁZAF	R RUIZ					
FECHA:		JULIO 2018						
SÓLO PARA TRABAJOS DE GRADO	SÓLO PARA TRABAJOS DE GRADO							
PROGRAMA:		PREGRADO						
TÍTULO POR EL QUE OPTA:		INGENIERO EN MECATRÓNICA	L					
ASESOR/DIRECTOR:		CARLOS XAVIER ROSERO C.						



UNIVERSIDAD TÉCNICA DEL NORTE FACULTAD DE INGENIERÍA EN CIENCIAS APLICADAS CERTIFICACIÓN

En calidad de director del trabajo de grado "RELACIÓN ENTRE LA TOPOLOGÍA DE COMUNICACIÓN Y LA DISTRIBUCIÓN ELÉCTRICA EN MICRORREDES AISLADAS DE CORRIENTE ALTERNA", presentado por el egresado ANDERSON STEEVEN BENALCÁZAR RUIZ, para optar por el título de Ingeniero en Mecatrónica, certifico que el mencionado proyecto fue realizado bajo mi dirección.

Ibarra, julio de 2018

Carlos Xavier Rosero DIRECTOR DE TESIS



UNIVERSIDAD TÉCNICA DEL NORTE FACULTAD DE INGENIERÍA EN CIENCIAS APLICADAS DECLARACIÓN

Yo, Anderson Steeven Benalcázar Ruiz con cédula de identidad Nro. 1004639637, declaro bajo juramento que el trabajo aquí escrito es de mi autoría; que no ha sido previamente presentado para ningún grado o calificación profesional; y, que he consultado las referencias bibliográficas que se incluyen en este documento.

Ibarra, julio de 2018

Anderson Steeven Benalcázar Ruiz C.I.: 1004639637

Agradecimiento

A la Universidad Técnica del Norte, por ser la institución que me permitió cumplir una de las metas mas importantes en mi vida académica y profesional.

A mi director Carlos Xavier Rosero por su conocimiento y tiempo, quien además confió en mi desde el primer momento, permitiéndome realizar el presente trabajo.

A mis padres y hermana por ser principal fuente de apoyo en cada momento de mi formación como profesional y mas importante aún como persona. A mis tíos y primos por estar de una u otra forma siempre pendientes de mi avance en el proyecto.

Al grupo de docentes que conforma la Carrera de Ingeniería en Mecatrónica, por ser mas que educadores, un grupo de amigos, cuyo conocimiento compartido es fundamental para la culminación de este trabajo.

Anderson Steeven B.

Dedicatoria

Principalmente dedico este trabajo a mis padres, quienes con su sacrificio y esfuerzo han permitido que pueda obtener un logro mas en mi vida.

A mi hermana, quién me ha enseñado muchas cosas y ha sido fuente de motivación para que yo consiga ser un ejemplo en ella, así como mis padres lo siguen siendo en mi.

Anderson Steeven B.

Resumen

El conjunto de generadores distribuidos que comparten energía e información entre si es conocido como **microrred**. Una microrred puede trabajar tanto de forma conectada como desconectada (aislada) de la red principal de suministro eléctrico; en su forma aislada garantiza la compartición de potencia y frecuencia a través de fuentes inversoras de voltaje(VSI) que generalmente implementan un control jerárquico con un nivel primario basado en "droop" control y un método de integrador en su segundo nivel. La mayoría de los análisis realizados presentan resultados en los que la comunicación entre inversores sucede dentro de una red ideal, sin pérdidas y libres de retrasos, con un esquema de tráfico "all-to-all" haciendo escasos los estudios en los que se presentan fallas o desconexiones. Este trabajo incluye la política de "consensus" dentro del nivel secundario para corregir una ruptura causada en la red de comunicación y en la red eléctrica que divide a la microrred en dos islas. Los resultados son obtenidos mediante una simulación realizada en Matlab y sus herramientas: Simulink y Truetime, donde se incluye un modelo dinámico en espacio de estados desarrollado teóricamente en base a datos reales y se analizan cuatro casos en los que mediante un switch se manipula la conexión y desconexión de las líneas eléctrica y de comunicación.

Abstract

The group of distributed generators that share energy and information with each other is known as microgrid. A microgrid can work both connected and disconnected (islanded) from the main electrical supply network. In its islanded form guarantees the power and frequency sharing through voltage sources inverter (VSI) that generally implement a hierarchical control with a primary level based on droop control and an integrator method in its second level. Most of analyzes carried out present results where the communication between investors happens within an ideal network, without losses and free of delays, with an all-to-all traffic scheme doing the studies in which failures or disconnections small. This work includes the policy of consensus in the secondary level to correct a rupture provoked in the communication and electric network that divides the microgrid into two islands. Results are obtained through a simulation carried out in Matlab and its tools: Simulink and Truetime, where a dynamic model is included in space state developed theoretically based on real data and four cases are analyzed in which the connection and disconnection of the electrical and communication lines is manipulated by a switch.

Índice general

Ín	dice g	eneral																							IX
Ín	ndice de figuras									XI															
Ín	dice d	le cuadı	OS																						XII
Li	sta de	Algori	mos																					-	XIII
1.	Intro	oducció	n																						1
	1.1.	Motiva	ción .							•									•	•		•	•		1
	1.2.	Objetiv	vos															•	•	•	 •	•	•		2
	1.3.	Antece	dentes															•	•	•	 •	•	•		2
	1.4.	Proble	na															•	•	•	 •	•	•		3
	1.5.	Justific	ación .															•	•	•	 •	•	•		3
	1.6.	Alcanc	e						•••	•		•		•		•		•	•	•	 •	•	•	•	4
2.	Revi	sión Li	eraria																						5
	2.1.	Contro	l Jerárqu	ico .					• •	•		•							•			•	•		5
	2.2.	Conser	isus							•									•	•		•	•		8
		2.2.1.	Flujo de	e poter	ncia	en la	a dis	strib	uci	ón	elé	ctr	rica	ı de	e la	ı re	d.		•	•		•	•		12
	2.3.	Anális	s de esta	ıdo est	able					•									•	•		•	•		15
		2.3.1.	Estabili	zaciór	n de I	la fr	ecue	encia	a.										•			•	•		15
		2.3.2.	Estabili	zaciór	n de I	la po	oten	cia a	acti	va		•										•			16

	2.4.	Dinám	ica de la Microrred	17
3.	Imp	lentació	n del modelo en simulación	20
	3.1.	Topolo	gía de la Red	20
	3.2.	Model	o de la red eléctrica	21
	3.3.	Model	o de la red de Comunicación	23
	3.4.	Modela	ado Final	25
4.	Rest	iltados		26
	4.1.	Análisi	s de resultados	27
		4.1.1.	Red eléctricas y red de comunicación conectadas	28
		4.1.2.	Red eléctrica conectada y red de comunicación desconectada	28
		4.1.3.	Red eléctrica desconectada y red de comunicación conectada	28
		4.1.4.	Red eléctrica desconectada y red de comunicación desconectada	30
5.	Con	clusione	es y trabajo futuro	31
5.	Con 5.1.	clusione Conclu	es y trabajo futuro	31 31
5.	Con 5.1. 5.2.	clusione Conclu Trabajo	es y trabajo futuro	31 31 31
5. Bil	Cond 5.1. 5.2.	clusione Conclu Trabajo rafía	es y trabajo futuro	31313132
5. Bil	Cond 5.1. 5.2. bliogr	clusione Conclu Trabajo rafía ce	es y trabajo futuro	 31 31 31 32 36
5. Bil Ap	Cond 5.1. 5.2. bliogr béndic .A.	clusione Conclu Trabajo rafía ce Softwa	es y trabajo futuro	 31 31 31 32 36 36
5. Bil	Cond 5.1. 5.2. bliogr béndic .A.	clusione Conclu Trabajo rafía ce Softwa .A.1.	es y trabajo futuro usiones	 31 31 31 32 36 36 36
5. Bil Ap	Cond 5.1. 5.2. bliogr béndic .A.	clusione Conclu Trabajo cafía ce Softwa .A.1. .A.2.	es y trabajo futuro usiones	 31 31 31 32 36 36 36 39
5. Bil	Cond 5.1. 5.2. bliogr óéndic .A.	clusione Conclu Trabajo cafía se Softwa .A.1. .A.2. .A.3.	es y trabajo futuro usiones	 31 31 31 32 36 36 36 39 42
5. Bil	Cond 5.1. 5.2. bliogr céndic .A.	clusione Conclu Trabajo rafía Softwa .A.1. .A.2. .A.3. Imáger	es y trabajo futuro Isiones	 31 31 31 32 36 36 36 39 42 44
5. Bil	Cond 5.1. 5.2. bliogr oéndic .A. .B.	clusione Conclu Trabajo rafía Softwa .A.1. .A.2. .A.3. Imáger .B.1.	es y trabajo futuro Isiones De futuro Tre Declaración de variables (startupSimulation.m) Controlador (processor.m) Kernel (kernel.m) Declaración de Simulink	 31 31 31 32 36 36 36 36 39 42 44 44
5. Bil	Cond 5.1. 5.2. bliogr béndic .A. .B.	clusione Conclu Trabajo rafía Softwa .A.1. .A.2. .A.3. Imáger .B.1. .B.2.	es y trabajo futuro Isiones Declaración de variables (startupSimulation.m) Controlador (processor.m) Kernel (kernel.m) Ses del Software Diagrama de Simulink Librería de Truetime	 31 31 31 32 36 36 36 36 39 42 44 44 44

Índice de figuras

3.1.	Esquema del sistema Eléctrico	22
3.2.	Esquema de Comunicación	25
4.1.	Red eléctricas y red de comunicación conectadas.	28
4.2.	Red eléctrica conectada y red de comunicación desconectada	29
4.3.	Red eléctrica desconectada y red de comunicación conectada	29
4.4.	Red eléctrica desconectada y red de comunicación desconectada	30
1.	Diagrama de conexión en simulink.	44
2.	TrueTime	45
3.	Simulink.	45
4.	Datos	46

Índice de cuadros

4.1.	Parámetros Eléctricos	26
4.2.	Parámetros de comunicación	27

Lista de Algoritmos

1.	Script para ingresar datos de las variables	36
2.	Controlador	39
3.	Kernel	42

Capítulo 1

Introducción

Este trabajo de grado ha sido realizado con el *Grupo de Investigación en Informática Indus*trial y Sistemas de la Universidad Técnica del Norte (GRIIS-UTN).

1.1. Motivación

Procurar eliminar al máximo la dependencia de los combustibles fósiles, productos derivados del petróleo o en general de recursos no renovables, es ahora una de las condiciones que debe ser cumplida al momento de la generación de energía eléctrica, garantizando así el uso de los recursos ambientales.

En Ecuador, al igual que en la mayoría de los países del mundo, la creciente demanda de energía eléctrica ha impulsado a los gobiernos a desarrollar políticas y proyectos que promuevan grandes inversiones en sectores energéticos. Así se han creado plantas hidro eléctricas, explanadas de paneles solares y parques eólicos que permiten generar suficiente energía para satisfacer el consumo de la población.

1.2. Objetivos

El objetivo principal de este proyecto consiste en analizar el comportamiento de una microrred aislada cuando un generador deja de aportar potencia al sistema. Los siguientes objetivos específicos son también realizados:

- Analizar la literatura referente a la restauración de frecuencia y compartición de potencia en microrredes de corriente alterna con control secundario basado en consensus.
- Desarrollar un modelo dinámico que permita calcular los valores de la potencia activa en estado estable, en una microrred controlada a través del método de consensus.
- Desarrollar una plataforma de simulación de microrredes en software matemático.
- Realizar simulaciones que permitan probar el modelo desarrollado.

1.3. Antecedentes

El concepto de microrred, o MG (micro-grid) por sus siglas en inglés, aun es discutido en foros técnicos, esta puede definirse como un sistema de potencia a menor escala, utilizando fuentes de energía (en su mayoría renovables) e inversores de voltaje para la generación, distribución, y regulación de energía eléctrica, con la habilidad de autorregularse y aislarse si es necesario [1]. Una microrred puede funcionar de manera conjunta a la dinámica de la red principal de suministro de energía y de esta forma autorregular su frecuencia y potencia, pero en su modo aislado ya no está dominada por la dinámica de la red principal, por lo que las fuentes inversoras de voltaje deben asegurarse de mantener la compartición de potencia activa mientras se mantiene la frecuencia en un punto deseado, haciendo uso de estrategias de control y de este modo satisfacer el suministro solicitado [2].

Conforme los sistemas eléctricos de potencia evolucionan tecnológicamente, nuevas técnicas de análisis, diseño, control y operación también son desarrolladas para la implementación de los mismos [3].

1.4. Problema

En décadas anteriores, los combustibles fósiles eran el recurso básico para generar energía en el mundo. Sin embargo, teniendo en cuenta las preocupaciones medioambientales asociadas, los investigadores están buscando reemplazar las fuentes fósiles por las Fuentes de Energía Renovable (RES) [3].

El creciente interés en la integración de fuentes de energía renovables en microrredes presenta desafíos importantes desde el punto de vista del funcionamiento y control confiables [4].

Los trabajos realizados acerca del método consensus en microrredes muestran resultados en los que las comunicaciones entre inversores suceden a través de una red de comunicación ideal, sin pérdidas y libres de retrasos con un esquema de tráfico all-to-all [1]. Por tanto, es necesario analizar casos en los que existen inconvenientes, como una falla de comunicación entre nodos o lapsos de tiempo en que uno o más de estos dejan de aportar potencia a la microrred.

1.5. Justificación

Un objetivo clave a cumplir por los inversores de fuente de voltaje distribuido que trabajan en microrredes aisladas es asegurar la compartición de potencia activa mientras se mantiene la frecuencia a un punto establecido. Con este fin, los inversores trabajan de forma cooperativa, compartiendo la acción correctiva con sus vecinos mediante una red de comunicación digital [5]. Al existir momentos durante los cuales existen fallos en la conexión o los generadores distribuidos dejan de compartir potencia es relevante un estudio teórico que permita describir el comportamiento que presentarán los nodos en la microrred.

1.6. Alcance

El trabajo comprende tres partes:

- Desarrollo matemático: generación de un modelo dinámico que describa el comportamiento de la microrred.
- Desarrollo de software: elaboración de una plataforma de simulación a través de software matemático para implementar el modelo dinámico.
- Pruebas de simulación: realización de simulaciones para verificar el modelo dinámico de la microrred.

Capítulo 2

Revisión Literaria

Las redes eléctricas tienden a ser más distribuidas, de tal forma que su generación y consumo están cada vez más vinculados, estas redes inteligentes suministran la energía requerida por el consumidor, mediante un control digital que efectiviza el proceso haciéndolo más interactivo, confiable, inteligente y distribuido, lo cual también se traduce en un ahorro en el consumo de la energía producida [2].

2.1. Control Jerárquico

Al momento de conectar fuentes inversores de voltaje en paralelo, necesitamos controlar la potencia repartida de algún modo, para lo que es utilizado el método "droop control" o método de caída. Los bucles de este método de control son llamados descensos, los cuales consisten en restar partes proporcionales de la potencia promedia activa y reactiva de la frecuencia y la amplitud de cada módulo para emular las inercias virtuales. Este método es aplicado para conectar inversores en paralelo en sistemas de alimentación ininterrumpida (UPS) y de esta forma evitar cables de control mutuo, mientras se obtiene una buena distribución de potencia [6]. A pesar de que esta técnica logra brindar alta confiabilidad y flexibilidad, presenta varios inconvenientes que limitan la aplicación de la misma [7].

El método "droop" o de caída deja de ser conveniente cuando el sistema tiene cargas no lineales, ya que en estos casos se presentan corrientes armónicas que deben ser corregidas por los controladores, mientras también suministran de forma equilibrada la potencia activa y reactiva. El reparto de potencia se ve afectado por las impedancias propias de la red, además de presentar otro inconveniente importante que es la desviación de frecuencia respecto a la carga, lo cual se ve reflejado en un desfase con la tensión de salida del inversor de voltaje y la tensión presentada por la red de servicio público, restringiendo el uso de este método a microrredes asiladas de igual forma que dificulta la transición al modo con conexión a la red principal [3].

Se ha estudiado varias opciones para corregir dicha desviación de frecuencia, una solución posible es añadir un integrador al control, de forma que corrija el desfase, pero si después de cierto tiempo la microrred se conecta a la red principal, las condiciones iniciales del integrador variarán, viéndose reflejados en una degradación en el reparto de la potencia [8].

Cuando la microrred se incorpora a la red principal, al cabo de un tiempo la fase de secundaria se sincronizará con la fase principal, este es un método poco confiable ya que es peligroso y el tiempo que toman las fases en llegar a la sincronía es incierto. Un interruptor físico podría ser conectado cerca del inversor de voltaje para de esta forma asegurar una correcta sincronizaciíon, pero en el transcurso que lleva igualar fases el inversor puede sobrecargarse. Estos métodos demuestran no ser factibles para una implementación práctica, por lo que es inevitable adaptar un sistema de comunicación paralelo a la red eléctrica [3].

La idea de un control jerárquico nace a partir de la necesidad de estandarizar el control, dividiéndolo así en los siguientes niveles:

Control Primario: Es definido como un control local, encontrándose en cada inversor de voltaje, sin tener comunicación, pero presentando una respuesta rápida .
 Dentro de este nivel se introduce el concepto de "droop control" que es el que se encarga de la compartición de potencia, donde una variación de la potencia reactiva causa también

un cambio en la magnitud del voltaje. En [1], la relación entre la potencia activa y la frecuencia se expresada como

$$o^{o} = o^{d} - g_{p}(W_{i} - W_{o}), \qquad (2.1)$$

de igual forma que la relación entre voltaje y potencia reactiva

$$e_i = e_o - g_p(Q_i - Q_o),$$
 (2.2)

donde o^d y e^d son los valores de frecuencia y voltaje deseados respectivamente, o^o y e^o son los valores obtenidos y g_p es la ganancia proporcional.

El "droop control" a pesar de establecer la potencia causa desviaciones en el voltaje y en la frecuencia que son tratadas en el siguiente nivel de control [9].

Control Secundario: Su velocidad de acción incrementa con relación a la del nivel primario, es el encargado de garantizar el funcionamiento confiable y eficiente de las microrredes en los modos: conectado y desconectado de la red y mantener los niveles de la MG dentro de los valores requeridos. Además, puede incluir un circuito de control de sincronización para conectar o desconectar sin problemas la MG hacia o desde el sistema de distribución [1]. En este nivel de control se corrigen las desviaciones de frecuencia y voltaje mediante el uso de políticas de control, como en este caso es consensus

$$o^{o} = o^{d} - g_{p}w_{i} + c_{i}(t).$$
(2.3)

En (2.3) se añade el término correctivo $c_i(t)$ que es una acción de control integral calculada con la política consensus en cada fuente inversora de voltaje [2], y puede ser expresada de la siguiente forma

$$c_i(t) = g_p \int_0^t (o^d - o^o(t) + \frac{\alpha}{n} \sum_{k=1}^n [c_k(t) - c_i(t)]) dt.$$
(2.4)

Esta ecuación representa de manera conjunta el nivel primario y secundario donde se incluye una ganancia α que multiplica al promedio de los datos obtenidos en la microrred.

 Control Terciario: Es el nivel de control más alto, establece ajustes a largo plazo, además de comunicar las microrredes que interactúan entre si, economizando y optimizando en términos de potencia [1].

2.2. Consensus

Dentro de la capa secundaria de control normalmente es utilizado un controlador central, que recopila la información de todos los nodos de la microrred, lo cual implica la necesidad de una unidad central de comunicación y computación además que en caso de presentar problemas en cierto nodo todo el control de la microrred se vería afectado. La idea de un control distribuido es presentada como la solución para estos problemas, donde un controlador proporcional integrativo promediado que elimina la desviación de frecuencia mientras mantiene la compartición de potencia, es ubicado en cada fuente inversora de voltaje [9]. El control de caída en términos de voltaje y potencia se obtiene mediante

$$g_e e_i = (e^d - e^o) - g_Q(Q_i - Q_o).$$
(2.5)

Las potencias medidas W_i , Q_i , pueden ser obtenidas a través de los siguientes filtros pasa bajos

$$_T W_i^m = W_i^m + W_i, (2.6)$$

$$_T Q_i^{\ m} = Q_i^{\ m} + Q_i, \tag{2.7}$$

donde T es la constante de tiempo de los filtros y W_i , Q_i representan la salida de potencia real y reactiva respectivamente.

Sustituyendo, (2.6)-(2.7) en (2.1)-(2.5):

$${}_{T}o^{o} + o^{o} - o^{d} + g(W_{i} - W - i^{d}) = 0, (2.8)$$

Un modelo simplificado de la red distribuida es mostrado en (2.8).

El modelo de una microrred es representado como un gráfico conectado R=(D,X), donde *D* son el numero de nodos, *X* son las conexiones que presentan entre estos, *Y*_{*ik*} es la admitancia entre los nodos *i* y *k*

$$Y_{ik} = C_{ik} + kS_{ik}, \tag{2.9}$$

donde C_{ik} y jS_{ik} , son la conductancia y susceptancia respectivamente.

La matriz de adyacencia J de la red es representada de la siguiente forma

$$J = \begin{bmatrix} 0 & j_{12} \dots j_{1n} \\ j_{21} & 0 & \dots & j_{2n} \\ \vdots & \vdots & \dots & \vdots \\ j_{n1} & j_{n2} \dots & 0 \end{bmatrix}.$$
 (2.10)

En vista de que no existe comunicación entre un mismo nodo el valor en la diagonal es de cero $(m_{i=k})$, la simetría de la matriz se debe a la conexión bidireccional entre cada par de nodos. De tal forma que cada término calculado y promediado por cada fuente inversora de voltaje en (2.4), se puede actualizar e incluir, añadiendo cada termino m_{ik} dentro de la matriz de adyacencia y permitiendo que se establezca la topología analizada. Por lo tanto la política consensus queda expresada como

$$o^{o} = o^{d} - g_{f}W(t) + g_{p} \int_{0}^{t} (o^{d} - o^{o}(t) + \frac{\alpha}{n} \sum_{k=1}^{n} a_{ik} [c_{k}(t) - c_{i}(t)]) dt.$$
(2.11)

La política de control se actualiza más teniendo en cuenta la matriz Laplaciana de la red. El modelo de la red $M \in \mathbb{R}^{n \times n}$ es una matriz Laplaciana simétrica semidefinida positiva calculada por

$$M = [m_{ik}] = D - J, (2.12)$$

donde D indica el grado de la matriz de adyacencia J. Consiste en una matriz diagonal cuyos elementos d_{ik} representan el número de aristas unidas a cada nodo *i*. La información incrustada en la matriz *M* a través de sus entradas m_{ik} se puede resumir en las siguientes declaraciones:

-Cada elemento fuera de diagonal $(i \neq k)$ representa el número de aristas que conectan el nodo *i* con el nodo *k*.

-Cada elemento dentro de la diagonal (i = k) indica el número de conexiones físicas que tiene el nodo *i*.

Entonces la matriz Laplaciana (2.11) se expresa como

$$M = D - J = \begin{bmatrix} d_1 \ 0 \ \dots \ 0 \\ 0 \ d_2 \ \dots \ 0 \\ \vdots \ \vdots \ \dots \ \vdots \\ 0 \ 0 \ \dots \ d_n \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 0 \ j_{12} \ \dots \ j_{1n} \\ j_{21} \ 0 \ \dots \ j_{2n} \\ \vdots \ \vdots \ \dots \ \vdots \\ j_{n1} \ j_{n2} \ \dots \ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} d_1 \ -m_{12} \ \dots \ -m_{1n} \\ -m_{21} \ d_2 \ \dots \ -m_{2n} \\ \vdots \ \vdots \ \dots \ \vdots \\ -m_{n1} \ -m_{n2} \ \dots \ d_n \end{bmatrix},$$
(2.13)

donde los elementos de la matriz fuera de la diagonal están restringidos a tomar valores de 0 o 1, los elementos en la diagonal, de grado D, serán la suma de los elementos de cada fila de la matriz J. Por lo tanto la matriz puede reescribirse como

$$\begin{bmatrix} \sum_{k=1;k\neq 1}^{n} m_{1k} & -m_{12} & \dots & -m_{1n} \\ m_{21} & \sum_{k=1;k\neq 2}^{n} m_{2k} & \dots & -m_{2n} \\ \vdots & \vdots & \dots & \vdots \\ -m_{n1} & -m_{n2} & \dots & \sum_{k=1;k\neq n}^{n} m_{nk} \end{bmatrix}.$$
(2.14)

Si

$$C(t) = [c_1(t), ..., c_n(t)]^T,$$
(2.15)

es el vector que contiene los terminos de corrección $c_i(t)$ para *n* nodos, con $C(t) \in \mathbb{R}^{n \times 1}$, y *M* la matriz Laplaciana de adyacencia como se observa en [10], la expansión del término de suma en (2.6) a *n* nodos se puede reescribir en una notación compacta que involucra a *M* y C(t) así

$$\begin{pmatrix} \sum_{k=1}^{n} m_{1k} [c_k(t) - c_1(t)] \\ \vdots \\ \sum_{k=1}^{n} m_{nk} [c_k(t) - c_n(t)] \end{pmatrix} = -MC(t)$$
(2.16)

Si

$$O(t) = [o_1(t), ..., o_n(t)]^T,$$
(2.17)

es el vector que consiste en *n* frecuencias locales $o_i(t)$ de forma que $O(t) \in \mathbb{R}^{n \times 1}$, además si

$$O_0 = [o_0, \dots, o_0]^T, (2.18)$$

es la representación vectorial de la frecuencia nominal o_0 expandida para *n* nodos, de forma que $O_0 \in \mathbb{R}^{n \times 1}$. Entonces el término de correción de la política consensus puede escribirse usando las definiciones de los vectores en (2.16)-(2.18), así

$$C(t) = g_p \int_0^t (O_0 - O(t) - \frac{\alpha}{n} MC(t)) dt.$$
 (2.19)

Si

$$W(t) = [w_1(t), ..., w_n(t)]^T$$
(2.20)

es el vector de potencias activas w_i para n nodos, de forma que $W(t) \in \mathbb{R}^{n \times 1}$, entonces el nivel secundario de control (2.3) puede ser representado en notación vectorial como

$$O(t) = O_0 - g_f W(t) + C(t).$$
(2.21)

Finalmente el control basado en la política de consensus (2.11) puede ser escrito de una forma mas compacta, insertando (2.19)-(2.21), de la siguiente forma

$$O(t) = O_0 - g_f W(t) + g_p \int_0^t (O_0 - O(t) - \frac{\alpha}{n} MC(t)) dt.$$
(2.22)

2.2.1. Flujo de potencia en la distribución eléctrica de la red

La potencia activa es mostrada de tal forma que se obtiene una representación compacta. Se considera dos redes distribuidas numeradas como *i* y *k*, la admitancia $Y_{ik} \in \mathbb{C}$ que los conecta es

definida como

$$Y_{ik} = c_{ik} + js_{ik} \neq 0, (2.23)$$

donde $c_{ik} \in \mathbb{R}$ es la conductancia y $s_{ik} \in \mathbb{R}$ es la suceptancia.

Por otra parte, para un sistema eléctrico la relación entre la corriente inyectada y el voltaje es descrito por la matriz de admitancia $Y \in \mathbb{R}^n$, también conocida como "Y-Bus" [11] y se representa como

$$Y = |y_{ik}| = \begin{bmatrix} \sum_{k=1; k \neq 1}^{n} y_{1k} & -y_{12} & \dots & -y_{1n} \\ y_{21} & \sum_{k=1; k \neq 2}^{n} y_{2k} & \dots & -y_{2n} \\ \vdots & \vdots & \dots & \vdots \\ -y_{n1} & -y_{n2} & \dots & \sum_{k=1; k \neq n}^{n} y_{nk} \end{bmatrix}.$$
 (2.24)

En la matriz Y-Bus los términos y_{ik} son de las admitancias en la red, consideradas en (2.23). Por otra parte, M es una matriz simétrica cuyos elementos en la diagonal, diferentes de cero m_{ik} son obtenidos de la suma de admitancias de todas las ramas conectadas a los buses i y k.

La potencia activa w_i inyectada por cada red distribuida es descrita como

$$w_i = \sum_{k=1}^{n} e_i e_k (c_{ik} cos(\delta_i - \delta_k) + s_{ik} sen(\delta_i - \delta_k)), \qquad (2.25)$$

donde e_i y e_k son las magnitudes de voltaje de cada red distribuida *i*, *k* respectivamente y δ_i , δ_k son sus ángulos de fase.

Para formular la restauración de frecuencia y el reparto de potencia, se realizan las siguientes suposiciones:

-En la microrred, la separación angular a través de cualquier circuito de transmisión es pequeña

$$\begin{cases} sen(\delta_i - \delta_k) \approx (\delta_i - \delta_k) \\ cos(\delta_i - \delta_k) \approx 1 \end{cases}.$$

-No se realiza un control de voltaje, por tanto un voltaje constante e se asume

$$e = e_i = e_k$$
.

Considerando estas suposiciones la potencia activa inyectada se puede reducir

$$w_i = \sum_{k=1}^n e_i e_k (c_{ik} + s_{ik} (\delta_i - \delta_k))$$
(2.26)

y se puede expresar como

$$w_i = e^2 \sum_{k=1}^n c_{ik} + e^2 \sum_{k=1}^n s_{ik} (\delta_i - \delta_k).$$
(2.27)

Considerando el vector de potencias activas W(t) para *n* nodos de (2.20), la forma vectorial de (2.27) es

$$W(t) = \begin{bmatrix} w_1(t) \\ \vdots \\ w_n(t) \end{bmatrix} = e^2 \begin{bmatrix} \sum_{k=1}^n c_{1k} \\ \vdots \\ \sum_{k=1}^n c_{nk} \end{bmatrix} + e^2 \begin{bmatrix} \sum_{k=1}^n s_{1k}(\delta_1 - \delta_k) \\ \vdots \\ \sum_{k=1}^n s_{nk}(\delta_n - \delta_k) \end{bmatrix}.$$
 (2.28)

El primer término de sumatoria se desarrolla como

$$\begin{bmatrix} \sum_{k=1}^{n} c_{1k} \\ \vdots \\ \sum_{k=1}^{n} c_{nk} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} c_{11} \dots c_{1n} \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ c_{n1} \dots & c_{nn} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ \vdots \\ 1 \end{bmatrix} = C1_{n \times 1},$$
(2.29)

el segundo término de sumatoria se desarrolla

$$\begin{bmatrix} \sum_{k=1}^{n} s_{1k}(\delta_{1} - \delta_{k}) \\ \vdots \\ \sum_{k=1}^{n} s_{nk}(\delta_{n} - \delta_{k}) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \sum_{k=1;k\neq 1}^{n} s_{1k} & -s_{12} & \dots & -s_{1n} \\ -s_{21} & \sum_{k=1;k\neq 2}^{n} s_{2k} & \dots & -s_{2n} \\ \vdots & \vdots & \dots & \vdots \\ -s_{n1} & -s_{n2} & \dots & \sum_{k=1;k\neq n}^{n} s_{nk} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \delta_{1} \\ \delta_{2} \\ \vdots \\ \delta_{n} \end{bmatrix} = S\Delta(t). \quad (2.30)$$

La potencia activa (2.27) puede ser reescrita de una forma reducida, utilizando las definiciones de vector (2.29) y (2.30) quedando de la siguiente forma

$$W(t) = e^2 C \mathbf{1}_{n \times 1} + e^2 S \Delta(t).$$
(2.31)

2.3. Análisis de estado estable

2.3.1. Estabilización de la frecuencia

Uno de los objetivos del control secundario es mantener la compartición de potencia mientras se mantiene la frecuencia en un valor deseado. En consecuencia, a medida que el tiempo tiende hacia infinito la frecuencia O(t) se estabilizará y su derivada no cambiará. Este comportamiento es descrito por

$$\lim_{t \to +\infty} \frac{dO(t)}{dt} = 0.$$
(2.32)

Considerando también que la política de consensus logra su objetivo, el error de frecuencia se desvanecerá en todos los *n* generadores, lo que implica que la siguiente representación de la frecuencia de estado estable se mantiene

$$O(\infty) = O_0. \tag{2.33}$$

2.3.2. Estabilización de la potencia activa

Los valores de estado estable de la potencia activa W(t) son obtenidos a medida que el tiempo tiende al infinito, y su derivada debe ser igual a cero después de estabilizarse

$$\lim_{t \to +\infty} \frac{dW(t)}{dt} = 0, \qquad (2.34)$$

además que si la potencia activa W(t) es estabilizada, los términos de correción también lo hacen, por tanto

$$\lim_{t \to +\infty} \frac{dC(t)}{dt} = 0.$$
(2.35)

El análisis de estado estable para la compartición de potencia incluye aplicar la restricción de frecuencia en la política de consensus

$$\lim_{t \to +\infty} \left[-g_f \frac{dW(t)}{dt} + g_p (O_0 - O(t) - \frac{\alpha}{n} MC(t)) \right] = 0.$$
(2.36)

Además, las restricciones en la frecuencia (2.33) y en la potencia (2.36) simplifican la ecuación (2.34) a

$$MC(\infty) = 0. \tag{2.37}$$

La ecuación homogénea en (2.37) se mantiene si $C(\infty)$ pertenece al espacio nulo no trivial N (kernel) de M, entonces

$$C(\infty) \in N(M) = ker(M), \tag{2.38}$$

donde cada vector en N(M) es definido en $\mathbb{R}^{n \times 1}$. La expresión en (2.38) tiene una profunda connotación en referencia al comportamiento de los términos de correción. En consecuencia en estado estable el vector de términos de correción $C(\infty)$ puede contener valores replicados, dependiendo de la dimensión de espacio nulo de la matriz Laplaciana. Entonces, el número de γ configuraciones de los valores replicados depende de la dimensión del kernel denominado también como nulidad, así

$$\gamma = \dim(N(M)). \tag{2.39}$$

La restricción en el término de correción en (2.35) puede ser aplicada en los términos de corrección de consensus (2.19)

$$\lim_{t \to +\infty} [g_p(O_0 - O(t) - \frac{\alpha}{n} MC(t))] = 0,$$
(2.40)

expresando la ecuación en terminos para el nivel secundario de control (2.21)

$$\lim_{t \to +\infty} [g_p(g_f W(t) - C(t) - \frac{\alpha}{n} MC(t))] = 0,$$
(2.41)

y finalmente reemplazando (2.37) en (2.41)

$$W(\infty) = \frac{C(\infty)}{g_f},\tag{2.42}$$

la cual es una expresión para probar que hay una relación lineal entre los términos de corrección y la potencia activa en estado estable.

2.4. Dinámica de la Microrred

Hasta ahora los comportamientos de frecuencia, los términos de corrección y las potencias activas se han especificado de forma cualitativa, no se ha realizado una relación cuantitativa entre la topología y los valores de estado estacionario. El vector de potencias activas puede tener cualquier combinación de valores, lo que significa que tiene soluciones infinitas, cuyos valores dependen de las condiciones iniciales y de lo que sucede en estado transitorio. Por lo tanto, la información proporcionada por M no es suficiente y aparece la necesidad de obtener más información de la distribución eléctrica de la red.

Se propone analizar el comportamiento dependiente del tiempo de W(t), C(t) y O(t) para ensamblar la dinámica de la microrred.

La ecuación de la potencia activa (2.31) puede ser expresada en términos de frecuencia O(t),

teniendo en cuenta que la frecuencia es la integral de la fase $\delta(t)$, entonces

$$W(t) = e^{2}C1_{n \times 1} + e^{2}S \int_{0}^{t} O(t)dt, \qquad (2.43)$$

cuya derivada es representada como

$$\frac{dW(t)}{dt} = e^2 SO(t), \qquad (2.44)$$

reemplazando en (2.21)

$$\frac{dW(t)}{dt} = -g_f e^2 SW(t) + e^2 SC(t) + e^2 SO_0.$$
(2.45)

Por otra parte, con respecto al término de corrección de consenso en la ecuación (2.19), su derivada es

$$\frac{dC(t)}{dt} = g_p(O_0 - O(t) - \frac{\alpha}{n}MC(t)),$$
(2.46)

reemplazando O(t) de (2.46) en (2.21)

$$\frac{dC(t)}{dt} = -g_p g_f W(t) - g_p (\frac{\alpha}{n} M + I_n) C(t), \qquad (2.47)$$

Finalmente, considerando las 2 ecuaciones diferenciales (2.45) y (2.47) la representación de espacio de estados de la dinámica de la microrred es

$$\begin{bmatrix} \frac{dW(t)}{dt} \\ \frac{dC(t)}{dt} \end{bmatrix} = A \begin{bmatrix} W(t) \\ C(t) \end{bmatrix} + BO_0, \qquad (2.48)$$

donde:

$$A = \begin{bmatrix} -g_f e^2 S & e^2 S \\ g_p g_f I_n & -g_p \left(\frac{\alpha}{n} M + I_n\right) \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} e^2 S \\ 0_{n \times n} \end{bmatrix}.$$
 (2.49)

En las matrices (2.50) $A \in \mathbb{R}^{3n \times n}$ y $B \in \mathbb{R}^{3n \times n}$, describe la dinámica de la microrred y $[W(t)C(t)]^T \in \mathbb{R}^{3n \times n}$ es el vector de estados. La dinámica del sistema es de lazo cerrado debido

a que $O \in \mathbb{R}^{n \times 1}$ es invariante en el tiempo; el uso de O_0 es como una entrada, para ajustar la frecuencia requerida en la microrred.

La solución a una ecuación diferencial vector-matriz homogénea es presentada como parte de la teoría de control en [8]. En ese caso en términos de una matriz exponencial, la solución para la matriz (2.50) puede ser escrita como

$$\begin{bmatrix} \frac{dW(t)}{dt} \\ \frac{dC(t)}{dt} \end{bmatrix} = e^{At} \begin{bmatrix} W(0) \\ C(0) \end{bmatrix},$$
(2.50)

donde $[W(0)C(0)]^T$ representa el conjunto condiciones iniciales.

Capítulo 3

Implentación del modelo en simulación

Conforme avanza el estudio y aplicación acerca de generación eléctrica distribuida basada en fuentes renovables, se hace necesaria una forma de predecir el comportamiento ante posibles fallas.

Este trabajo trata sobre la descripción de una configuración en simulación mediante software matemático, de una microrred implementada en laboratorio, mediante la cual se puede emular ciertos escenarios de una red de generación distribuida. El softawre utilizado es "Matlab", junto a su entorno de programación gráfico "Simulink", los cuales permiten la utilización de herramientas para la comunicación Ethernet "True Time" y de igual forma para la simulación de la parte de potencia eléctrica "SymPowerSistems".

3.1. Topología de la Red

Como se analizó en el Capítulo 2, la matriz de adyacencia de la microrred, permite modificar la lógica de la topología dentro de la programación [12], teniendo así en este caso dos estados:

• Conexión "all to all".

Una conexión ideal donde todos los nodos tienen comunicación entre ellos.

$$J = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$
(3.1)

Conexión en "dos islas".

Una conexión donde los nodos 1 y 2 se comunican entre ellos formando la primer isla y los nodos 3 y 4 se comunican entre ellos formando la segunda isla.

$$J = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$
(3.2)

3.2. Modelo de la red eléctrica

Se establece un modelo compuesto por cuatro generadores G representando a fuentes de energía renovable como paneles fotovoltáicos, generadores eólicos, entre otros, igual número de inversores de voltaje T, tres cargas principales que en este caso son puramente consumidores de energía son representados por I y las impedancias de línea también representadas por I, además de un interruptor 1 que la divide en dos islas [13], tal como se muestra en la Figura. 3.1.

El sistema se deja expresado en términos de 1 de donde se obtiene una matriz Y-Bus,



Figura 3.1: Esquema del sistema Eléctrico

mediante la reducción de Kron para los dos casos analizados. La matriz se representa como $K_1, 1 \in \{o, \infty\}$ (0 se refiere a cerrado y ∞ a abierto).

 Interruptor 1 cerrado: Todos los nodos tienen conexión entre si, y comparten la potencia a todas las cargas

$$k_0 \begin{bmatrix} 0,15 & -0,056 & -0,051 & -0,043 \\ -0,056 & 0,16 & -0,055 & -0,049 \\ -0,051 & -0,055 & 0,16 & -0,056 \\ -0,043 & -0,049 & -0,056 & 0,15 \end{bmatrix}.$$
(3.3)

 Interruptor 1 abierto: Los nodos 1 y 2 están conectados entre ellos, formando la primera isla, los nodos 3 y 4 están conectados entre ellos formando la segunda isla, las dos islas no se pueden comunicar entre sí

$$k_{\infty} \begin{bmatrix} 0,2 & -0,2 & 0 & 0 \\ -0,2 & 0,2 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0,08 & -0,08 \\ 0 & 0 & -0,08 & 0,08 \end{bmatrix}.$$
 (3.4)

3.3. Modelo de la red de comunicación

Estructurar una red eléctrica que funcione tanto de forma aislada y conectada a la red principal, implica la inclusión de elementos de control que se encuentren comunicados entre sí. Estos controladores pueden ser centralizados, de forma que se ubiquen en un nodo y garanticen una gestión de energía y calidad de potencia óptima o controladores distribuidos, que se encuentran en varios nodos y gestionan la fuente y carga respectiva al nodo en que se encuentran. Para esta aplicación se requiere de un sistema de comunicación que permita entregar información y comandos en tiempo real, por tanto en un mundo cada vez mas conectado a través de redes de área local (LAN), la opción mas adecuada sería utilizar protocolos de comunicación "Ethernet" [14].

Uno de los protocolos de Ethernet es: Protocolo de control de Transmisión (TCP/IP), que envía datos empaquetados en mensajes voluminosos, y largos, con latencias intrínsicamente largas que alcanzan cientos de milisegundos. TCP/IP asegura que toda la información llegue a su destino a través de potentes mecanismos de retransmisión. Su estructura sólida ocasiona que el proceso se torne un poco lento, además que la retransmisión de datos previos no es muy efectiva, lo cúal puede ocasionar inestabilidades.

Otro de los protocolos: Protocolo de Datagramas de Usuario (UDP/IP) es preferible para control en tiempo real, en vista de que presenta mensajes cortos con baja latencia, apenas de algunos milisegundos. UDP/IP no tiene retransmisión, no asegura que los datos lleguen a su destino, por lo que un paquete de datos puede llegar a perderse debido al ruido o a la conges-

tión del canal [15]. En la aplicación presentada este inconveniente no es relevante, debido a que los datos intercambiados entre nodos (frecuencia, voltaje, potencia, etc.) son enviados con una velocidad de 100ms hasta 1s, de tal manera que cuando un paquete se pierde, los datos recibidos previamente pueden ser utilizados en los cálculos del control sin que el sistema se cuelgue, siendo el protocolo UDP/IP de carga baja el indicado para utilizarse en el nivel secundario y terciario del control [16]-[18].

En un experimento físico una microrred puede además estar conectada a otras redes o a la red principal, por lo que podría requerir del protocolo TCP/IP, el cual brinda una comunicación de un nivel jerárquico mas alto de tal forma que pueda proporcionar un Control de Supervisión y Adquisición de Datos (SCADA).

En la simulación el código de control se encuentra en un script de matlab, y la comunicación mediante el protocolo UDP/IP se realiza a tarvés de las herramientas de truetime. El diagrama de comunicaciones presentado en la Figura 3.2, esta compuesto por cuatro generadores G y como se observa si S2 o S3 fallan la red queda segmentada.

La matriz laplaciana M se calcula con las matrices de adyacencia J (3.3), (3.4). Matriz laplaciana "all to all" (interruptor b cerrado)

$$M = \begin{bmatrix} 3 & -1 & -1 & -1 \\ -1 & 3 & -1 & -1 \\ -1 & -1 & 3 & -1 \\ -1 & -1 & -1 & 3 \end{bmatrix}.$$
(3.5)



Figura 3.2: Esquema de Comunicación

Matriz laplaciana "dos islas" (interruptor b abierto)

$$M = \begin{bmatrix} 1 & -1 & -1 & -1 \\ -1 & 1 & -1 & -1 \\ 0 & 0 & 3 & -1 \\ 0 & 0 & -1 & 3 \end{bmatrix}.$$
 (3.6)

3.4. Modelado Final

La información de potencia, frecuencia y términos de corrección obtenida en el desarrollo de este capítulo es utilizada en el modelo final, que integra los modelos de las 3 variables analizadas en un modelo de espacio de estados.

$$\begin{bmatrix} \frac{dW(t)}{dt} \\ \frac{dC(t)}{dt} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -f_i e^2 S & e^2 S & 0_{n \times n} \\ 0_{n \times n} & -g_p (\frac{\alpha}{n} M + I_n) - g_p I_n \end{bmatrix} \begin{bmatrix} W(0) \\ C(0) \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} e^2 S \\ 0_{n \times n} \end{bmatrix}.$$
 (3.7)

Capítulo 4

Resultados

Este capítulo presenta los resultados de la implemetación del modelo dinámico en (3.7) obtenido en el desarrollo teórico de los capítulos 2 y 3, en la plataforma de simulación realizada en software.

Los valores nominales son tomados de una microrred física de cuatro nodos implementada en laboratorio [14] y se presentan en el Cuadro 4.1

Símbolo	Nombre	Valor
е	Voltaje rms del inversor	$\sqrt{3}$ 220 V
0	Frecuencia angular	$2\pi 50 rad/s$
I_1	Impedancia de línea 1	$0,8\Omega@90^{\circ}$
I_2	Impedancia de línea 2	$0,4\Omega@90^{\circ}$
I_3	Impedancia de línea 3	$0,4\Omega@90^{\circ}$
G_1	Impedancia de acoplamiento del generador 1	$0,7\Omega@37,0156^{\circ}$
G_2	Impedancia de acoplamiento del generador 2	$0,7\Omega@37,0156^{\circ}$
G_3	Impedancia de acoplamiento del generador 3	$1,5\Omega@9,8704^{\circ}$
G_4	Impedancia de acoplamiento del generador 4	$1,5\Omega@9,8704^{\circ}$
I_L	Impedancia de carga	$2,0\Omega@0^{\circ}$
W_L	Potencia de carga	1,8kW
g_f	Ganancia de frecuencia	2mrad/(Ws)
ά	Ganancia proporcional del "consensus"	6
g_p	Ganancia integral del "consensus"	3rad/s

Cuadro 4.1: Parámetros Eléctricos

El protocolo de comunicación de Ethernet utilizado es el UDP/IP con los parámetros presentados en el Cuadro 4.2

Descripción	Valor nominal
Velocidad de transmisión de datos	100 <i>e</i> 6 bits/s
Tamaño mínimo de transmisión	80 bits
Probabilidad de pérdida de datos	0%
Bit inicial	0

Cuadro 4.2: Parámetros de comunicación

Los cuatros nodos se encuentran conectados entre sí por la red eléctrica y la red de comunicación. En base a los experimentos realizados se establece una simulación de 60 segundos, en la cual se divide la microrred en dos islas a los 20 segundos, cortando independientemente una o ambas de estas líneas.

Los siguientes casos son analizados:

- Red eléctricas y red de comunicación conectadas.
- Red eléctrica conectada y red de comunicación desconectada.
- Red eléctrica desconectada y red de comunicación conectada.
- Red eléctrica y de comunicación desconectadas.

4.1. Análisis de resultados

El las figuras: 4.1, 4.2, 4.3 y 4.4 se observa claramente una relación entre el comportamiento de la de la potencia y la frecuencia, además de observarse un "overshoot" en los primeros segundos de estabilización de la frecuencia provocado por el método de control integral que ante la ausencia de datos produce dicho pico en la señal.

4.1.1. Red eléctricas y red de comunicación conectadas.

En la figura 4.1 se muestra el comportamiento de la frecuencia en la microrred cuando no se presenta una ruptura en las conexiones y como es de esperarse esta se mantiene a los 60 Hz debido a la acción de control. La potencia activa se mantiene estable y cada uno de sus generadores aporta 400 w al sistema.



Figura 4.1: Red eléctricas y red de comunicación conectadas.

4.1.2. Red eléctrica conectada y red de comunicación desconectada.

Al momento que la red de comunicación se desconecta la frecuencia se mantiene estable a los 60 Hz como se observa en la figura 4.2, pese a que se deja de compartir información, la compartición de potencia se mantiene haciendo que esta no varíe. La potencia activa tampoco muestra variación manteniéndose estable a los 400 *w*.

4.1.3. Red eléctrica desconectada y red de comunicación conectada.

Cuando la red eléctrica se desconecta en la figura 4.3, las fuentes inversoras de voltaje reciben datos erróneos y por tanto la frecuencia se divide formando dos islas, cada una con dos nodos y sin alcanzar los 60 Hz a pesar de acercarse bastante. Se hace notoria la relación entre



Figura 4.2: Red eléctrica conectada y red de comunicación desconectada.

la potencia y al frecuencia frente a un cambio en la topología de la red eléctrica, de tal forma que los generadores 1 y 2 dejan de aportar potencia y los generadores 3 y 4 asumen su carga aportando 800 *w* cada uno.



Figura 4.3: Red eléctrica desconectada y red de comunicación conectada.

4.1.4. Red eléctrica desconectada y red de comunicación desconectada.

Al desconectar la red de comunicación la frecuencia tiende a desviarse como en la figura 4.3, pero esa desviación es corregida inmediatamente, debido a que la red eléctrica también se desconecta y cada isla se encuentra funcionando de forma independiente, manteniéndose a los 60 Hz como se observa en la figura 4.4. A pesar de la estabilización en la frecuencia los generadores 1 y 2 siguen si aportar potencia al sistema.



Figura 4.4: Red eléctrica desconectada y red de comunicación desconectada.

Capítulo 5

Conclusiones y trabajo futuro

5.1. Conclusiones

En base a potencia, frecuencia y términos de correción se demostró un modelo dinámico de una microrred de cuatro nodos, con un controlador distribuido. Para lo cual se utilizó un control jerárquico cuyo nivel secundario incluye la pol⁵itica de consensus. Además mediante la utilización de software matemático se desarrlló una plataforma de simulación que muestra el comportamiento del modelo teórico, validando de esta forma el método de control utilizado.

5.2. Trabajo futuro

El trabajo futuro se orientará en obtener los valores característicos de frecuencia y potencia activa en estado estable, considerando la topología de la red.

Bibliografía

- [1] D.E. Olivares, A. Mehrizi-Sani, A.H. Etemadi, C.A. Canizares, R. Ira- vani, M. Kazerani, A.H. Hajimiragha, O. Gomis-Bellmunt, M. Saeedifard, R. Palma-Behnke, G.A. Jimenez-Estevez and N.D. Hatziargyriou, "Trends in microgrid control", in *IEEE Transactions on Smart Grid*, vol. 5, no. 4, pp. 1905-1919, July 2014
- [2] C. Rosero, M. Velasco, and P. Marti, "Analysis of Consensus-based Active Power Sharing with Respect to Network Topology in Islanded Microgrids", in *Industrial Electronics Society*, pp. 1-10, 2017
- [3] J.M. Guerrero, J.C. Vasquez, J. Matas, L.G. de Vicuña, and M. Castilla, "Hierarchical control of droop-controlled AC and DC microgrids: a general approach toward standardization", in *IEEE Transactions on Industrial Electronics*, vol. 58, no. 1, pp. 158-172, Jan. 2011
- [4] A. Bidram and A. Davoudi, "Hierarchical structure of microgrids control system", in *IEEE Transactions on Smart Grid*, vol. 3, no. 4, pp. 1963- 1976, Dec. 2012
- [5] M.C. Chandorkar, D.M. Divan, and R. Adapa, "Control of parallel con- nected inverters in standalone AC supply systems", in *IEEE Transactions on Industry Applications*, vol. 29, no. 1, pp. 136-143, Jan/Feb 1993
- [6] R. Majumder, A. Ghosh, G. Ledwich and F. Zare, "Operation and control of hybrid microgrid with angle droop controller", in proc. *IEEE 10th Region TENCON Conf.*, 2010, pp. 509-515.

- [7] Y. Han, H. Li, P. Shen, E. A. A. Coelho and J. M. Guerrero, "Review of Active and Reactive Power Sharing Strategies in Hierarchical Controlled Microgrids," in *IEEE Transactions* on Power Electronics, vol. 32, no. 3, pp. 2427-2451, March 2017
- [8] A. Tuladhar, H. Jin, T. Unger, and K. Mauch, "Control of Parallel Inverters in Distributed AC Power Systems with consideration of Line Impedance," in *IEEE Transactions on Industry Applications*, vol. 36, no. 1, pp. 131-138, Jan./Feb. 2000
- [9] F. Guo, C. Wen, J. Mao, and Y.-D. Song, "Distributed secondary voltage and frequency restoration control of droop-controlled inverter- based microgrids", in *IEEE Transactions* on *Industrial Electronics*, vol. 62, no. 7, pp. 4355-4364, July 2015
- [10] L.-Y. Lu and C.-C. Chu, "Consensus-based secondary frequency and voltage droop control of virtual synchronous generators for isolated AC micro-grids", in *IEEE Journal on Emerging and Selected Topics in Circuits and Systems*, vol. 5, no. 3, pp. 443-455, Sept. 2015
- [11] Z. Zhang, M.Y. Chow, "Convergence Analysis of the Incremental Cost Consensus Algorithm Under Different Communication Network Topologies in a Smart Grid," *in IEEE Transactions on Power Systems*, vol. 27, no. 4, pp. 1761-1768, Nov. 2012
- [12] R. Olfati-Saber and R. M. Murray, "Consensus problems in networks of agents with switching topology and time-delays,? in *IEEE Transactions on Automatic Control*, vol. 49, no. 9, pp. 1520-1533, 2004
- [13] Buccella, C.; Cecati, C.; Latafat, H. "Digital control of power converters? A survey," *IEEE Transactions on Industrial Informatics*. 2012, 8, 437?447.
- [14] J. Miret, J. Vicuña, R. Guzmán, A. Camacho and M Ghahderijani, "A Flexible Experimental Laboratory for Distributed Generation Networks Based on Power Inverters," in *Energies*, pp. 4-9, October. 2017

- [15] Rocabert, J.; Luna, A.; Blaabjerg, F.; Rodríguez, P. "Control of power converters in AC microgrids," *IEEE Transactions on Power Electronics*. 2012, 27, 4734?4749.
- [16] Decotignie, J.D. "Ethernet-based real-time and industrial communications". Proc. in IEEE Transactions on Industry Applications, 93, 1102-1117.2005
- [17] Y. Cao, W. Yu, W. Ren, and G. Chen, "An overview of recent progress in the study of distributed multi-agent coordination," emIEEE Transactions on Industrial Informatics, vol. 9, no. 1, pp. 427-438, 2013
- [18] Walsh, G.C.; Ye, H. "Scheduling of networked control systems". in *IEEE Control Systems* May. 2001, 21, 57-65.

Apéndice

Este apéndice incluye el software desarrollado en el proyecto. Sólo se han anexado los archivos más importantes. Para obtener el código completo, consulte los medios adjuntos.

.A. Software

.A.1. Declaración de variables (startupSimulation.m)

```
clc; clear all; close all;
global ts
global wo
global m
global numPQ denPQ Vn %Lv
global num_generators
global kernel_drift kernel_offset
global kernel_start
global tr
global connectionsAll
global connectionsIsland
global vtx
global frameSize
global gainKc
global gainAlpha
global L_VIRTUAL_ES_REAL
global t_change_conn
% % % % % % % % % % % % % % % % %
% Fundamental data
% % % % % % % % % % % % % % % % %
%Simulation time
L_VIRTUAL_ES_REAL = 1;
\%tstop = 60;
                                    %simulation time
%t_change_connn = [70 20 70 20 ]; %data network
%t_breakk = [70 70 20 20 ]; %electrical network
```

Algoritmo 1: Script para ingresar datos de las variables

```
tstop = 1;
t_change_connn = [2.0 \ 0.5 \ 2.0 \ 0.5];
t_breakk =
                [2.0 \ 2.0 \ 0.5 \ 0.5];
nodes = 4
model = 'nodes4.slx';
%gains
gainKc = 4*ones(1, nodes);
gainAlpha = 5*ones(1, nodes);
% communication values
vtx = 100e6;
ts = 0.1e - 3;
                      %sampling time on each processor
tr = 10e - 3;
                      %transmission rate (%time at which the messages are sent)
data_rate = tr;
loss = 0;
frameSize = 80;
model=['nodes' num2str(nodes)];
%rms Voltage
Vn=110*sqrt(2); fo=60; wo=2*pi*fo; num_generators=nodes; num_loads=nodes; num_lines=nodes;
    num_loads_act=1;
%Kernel
kernel_offset=zeros(1,num_generators);
kernel_drift = [5e-6 \ 0 \ -2e-6 \ 0];
kernel_start=zeros(1, num_generators);
%Inductance-Impedance
Rline = [65e-3 \ 110e-3 \ 110e-3 \ 0.5 \ 0.5 \ 1.13 \ 1.13 \ 0];
Lline = [2e-3 \quad 0.8e-3 \quad 0.8e-3 \quad 1e-3 \quad 1e-3 \quad 0.6e-3 \quad 0.6e-3 \quad 10e-3];
m = 1e - 2;
%Lv=Lvm(nodes);
num = [0.02 * wo]; den = [1 \ 0.02 * wo];
sysd=c2d(tf(num, den), ts, 'tustin');
[numPQ, denPQ] = tfdata(sysd, 'v');
```

%Loads

```
RL = [22.81 \ 96.8];
LL = [1e-5 \ 1e-5];
%Communications adjacency
A1 = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 1 & 1 \end{bmatrix};
     1 \ 0 \ 1 \ 1;
     1 1 0 1;
     1 1 1 0];
A2 = [0 \ 1 \ 1 \ 1;
      1 0 0 0;
      1 0 0 0;
      1 0 0 0];
A3 = [0 \ 1 \ 0 \ 0;
      1 \ 0 \ 0 \ 0;
      0 \ 0 \ 0 \ 1;
      0 0 1 0];
A4 = [0 \ 1 \ 0 \ 0;
      1 0 1 0;
      0 1 0 0;
      0 0 0 0];
A5 = [0 \ 0 \ 0 \ 0;
      0 0 0 0;
      0 0 0 0;
      0 0 0 0];
load_system(model);
A = [A2 \ A3 \ A4 \ A5];
connectionsAll = Al;
connectionsIsland = A3;
Freq = [];
Pow = [];
for i=1: length(t_breakk)
    t_change_conn = t_change_connn(i);
    t_break = t_breakk(i);
```

```
sim(model);
%diffPot = max(P(end,:))-min(P(end,:));
Freq = [Freq f];
Pow = [Pow P];
end
%data storage
```

save('experiment4')

.A.2. Controlador (processor.m)

```
Algoritmo 2: Controlador
```

```
function [exectime, data] = processor(seg, data)
global msg;
switch seg
   case 1
        %get state
        a=data.a; wo=data.wo; P=data.P; Q=data.Q;
                                                      %dw=data.dw;
        dV=data.dV; f=data.f; V=data.V;
       m=data.m; Lv=data.Lv; ts=data.ts; t=data.t;
                                                      Vn=data.Vn;
        %DW = data.DW;
        ia = ttAnalogIn(1);
        ib = ttAnalogIn(2);
        %——
        Secondary control
        %—
        © CONSENSUS
        %save current values
        data.dataf(a)=f;
        data.datav(a)=V;
        data.dataq(a)=Q;
        data.datadw(a)=data.dw;
```

```
msg=ttGetMsg;
```

```
\% if there are messages into the queue
while ~isempty(msg)
    data.dataf(msg(1))=msg(2);
    data.datav(msg(1))=msg(3);
    data.dataq(msg(1))=msg(4);
    data.datadw(msg(1))=msg(6);
    msg=ttGetMsg;
end
data.contSim = data.contSim + data.ts;
if (data.contSim < data.t_change_conn)
    connections = data.connectionsAll;
else
    connections = data.connectionsIsland;
end
D_W = \text{connections}(a, :) * (\text{data.datadw} - \text{data.dw})';
f0 = data.wo/(2*pi); %reference frequency
wpunt = f0 - data.f + (data.datAlpha(a)/data.num_generators)*D_W;
data.dw = data.dw + data.datKc(a)*ts*wpunt;
data.datadw(a) = data.dw;
%ttSendMsg([1 0],[a,data.f,data.V,Q,P,data.dw,dV,0],80);
data.cont=data.cont+data.ts;
if (data.cont>=data.tr)
    data.cont=0;
    ttSendMsg([1 0],[a,data.f,data.V,Q,P,data.dw,dV,0],80);
end
8-----
%Primary control
8-----
%Droop algorithm for all policies except droop-free
         mp=0;
ŝ
00
         n=0;
8
         t=t+ts;
÷
         ph=(wo + data.dw - m*P)*t - mp*P;
8
         if ph>(2*pi)
응
              t=((ph - 2*pi) + mp*P)/(wo + data.dw - m*P);
ę
```

```
응
             end
    mp=0;
    n=0;
    %data.dw=0;
    ph=data.ph+(wo + data.dw - m*P)*ts;
    if ph>(2*pi)
       ph=ph-2*pi;
    end
    va=(Vn+dV-n*Q)*sin(ph);
    vb=-(Vn+dV-n*Q)*cos(ph);
    va=va+Lv*wo*ib;
    vb=vb-Lv*wo*ia;
    p=(3/2)*(va*ia+vb*ib);
    q=(3/2)*(-va*ib+vb*ia);
    V=sqrt(va^2+vb^2);
    f=(wo + data.dw - m*P)/(2*pi);
    %Filter active and reactive power signals
    P = (data.num(1)*p+data.num(2)*data.p-data.den(2)*data.P)/data.den(1);
    Q = (data.num(1)*q+data.num(2)*data.q-data.den(2)*data.Q)/data.den(1);
    %save state
    data.p=p; data.q=q;
    data.P=P; data.Q=Q; %data.dw=dw;
    data.dV=dV; data.Vn=Vn; data.t=t; data.V=V; data.f=f;
    data.va=va;
    data.vb=vb;
    data.ph=ph;
    exectime = data.ts/2;
case 2
    ttAnalogOut(1, data.P); % Send message (80 bits) to node 1 (controller)
    ttAnalogOut(2, data.Q);
```

```
ttAnalogOut(2, data.Q);
ttAnalogOut(3, data.V);
ttAnalogOut(4, data.f);
ttAnalogOut(5, data.va);
ttAnalogOut(6, data.vb);
ttAnalogOut(7, data.t);
ttAnalogOut(8, data.dw);
```

end

.A.3. Kernel (kernel.m)

Algoritmo 3: Kernel

function kernel_init(arg) global ts wom numPQ denPQ Vn Lv num_generators global kernel_drift kernel_offset kernel_start tr global connectionsAll connectionsIsland gainKc gainAlpha global L_VIRTUAL_ES_REAL global t_change_conn a = arg(1);%Persistent variables data.num=numPQ; data.den=denPQ; data.connectionsAll = connectionsAll; data.connectionsIsland = connectionsIsland; data.cont=0; data.contSim = 0; data.a=a;data.ts=ts; data.wo=wo; data.P=0;data.Q=0; data.dw=0;data.dV=0;data.Vn=Vn; data.V=0; data.m=m; %data.Lv=Lv; if L_VIRTUAL_ES_REAL data.Lv=0; else data.Lv=Lv; end

```
data.ts=ts;
   data.t=0;
   data.va=0;
   data.vb=0;
   data.p=0;
   data.q=0;
   data.f=wo/(2*pi);
   data.DW = 0;
   data.ferror=0;
   data.integral=0;
   data.dataf=zeros(1,num_generators);
   data.datav=zeros(1,num_generators);
   data . dataq=zeros (1, num_generators);
   data.datadw=zeros(1,num_generators);
   data.datap=zeros(1,num_generators);
   data.data_estimated_e=zeros(1,num_generators);
   data.estimated_e=Vn;
   data.integral_8 =0;
   data.integral_delta_1=0;
   data.integral_delta_2 =0;
   data.integral_w=0;
   data.datKc = gainKc;
   data.datAlpha = gainAlpha;
   data.contSim = 0;
   %%%%
   data.mdrift=kernel_drift(a);
   data.moffset=kernel_offset(a);
   data.start=kernel_start(a);
   data.ph=0;
   data.t_change_conn = t_change_conn;
   data.num_generators=num_generators;
   data.tr=tr;
   %create the task
   ttInitKernel('prioEDF');
   %ttCreatePeriodicTask('dintegral_w_task', 0, 100e-6, 'processor',data);
   ttCreatePeriodicTask('dintegral_w_task', data.start, ts, 'processor', data);
end
```



Figura 1: Diagrama de conexión en simulink.

.B. Imágenes del Software

.B.1. Diagrama de Simulink

la Figura 1 se muestra la programación en bloques desarrollada en simulink.

.B.2. Librería de Truetime

la Figura 3 se muestra la librería de TrueTime y en la Figura 3 se muestra la librería de Simulink.

.B.3. Transmisión de Datos

La Figura 4 muestra la Transimisión de datos en un osciloscopio.



Figura 2: TrueTime.



Figura 3: Simulink.



Figura 4: Datos.